

18. Liselerarası Matematik Yarışması

DAÜ MATEMATİK BÖLÜMÜ

ONAY FADIL DEMİRCİLER EĞİTİM ve BİLİM VAKFI

1	2	3	4	5	6	7	8
9	10	11	12	13	14	15	16
17	18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28	29	30	31	32
33	34	35	36	37	38	39	40

Kendi içinde rakamları birbirinden farklı, 4 tane iki basamaklı çift sayının toplamı 376'dır. Buna göre bu sayıların en küçüğü en az kaç olabilir?

SORU - 2

CEVAP

ANA SAYFA

Üç basamaklı abc ve cba sayıları 3 ve 5'e tam olarak bölünebiliyorlar. Buna göre, abc sayısının 9'a tam olarak bölünebilmesi için b kaç olmalıdır?

SORU - 3

CEVAP

ANA SAYFA

$$b^2 \cdot c \cdot d > 0$$

$$b \cdot c \cdot d^2 < 0$$

$$b^3 \cdot c^4 \cdot d^5 < 0$$

$$b^4 \cdot c^5 \cdot d^6 < 0$$

olduğuna göre, b , c ve d 'nin işaretleri sırası ile nedir?

SORU - 4

CEVAP

ANA SAYFA

x, y ve z asal sayılardır.

$zy^2 + x^2z - 2xyz = 29$ olduğuna göre $x \cdot y \cdot z$ çarpımı kaçtır?

SORU - 5

CEVAP

ANA SAYFA

a, b, x, y sıfırdan farklı reel sayılar olmak üzere,

$a^{7x} = b^{4y}$ ve $a^2b^3 = 1$ olduğuna göre, x/y kaçtır?

SORU - 6

CEVAP

ANA SAYFA

Gökhan bir işin $\frac{3}{4}$ 'ünü 6 saatte,

Mehmet ise aynı işin $\frac{2}{3}$ 'ünü 8 saatte yapıyor.

Gökhan ve Mehmet birlikte 4 saat çalışırlarsa bu işin kaçta kaçını yaparlar?

SORU - 7

CEVAP

ANA SAYFA

1800 sayısının kaç tane pozitif böleni vardır?

SORU - 8

CEVAP

ANA SAYFA

$A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$ kümесинin 4 elemanlı alt kümelerinin kaç tanesinde e bulunurken f bulunmaz?

SORU - 9

CEVAP

ANA SAYFA

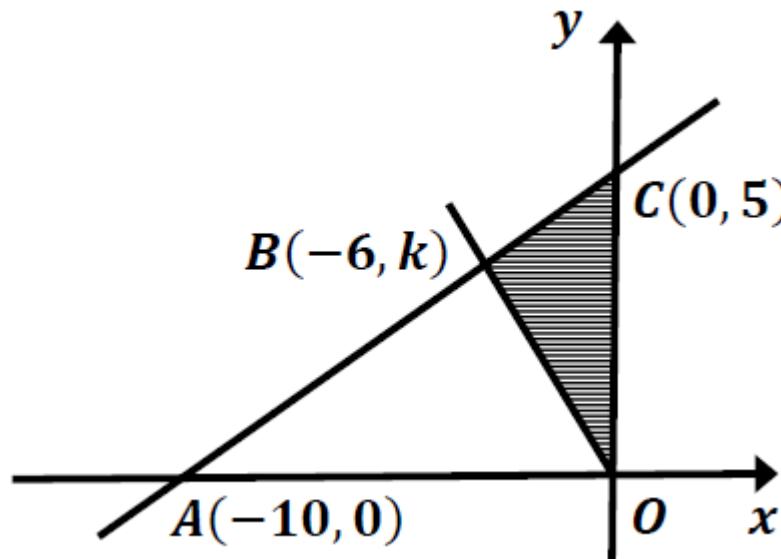
Bugünkü yaşlarının toplamı 150 olan bir ailenin, üç yıl önceki yaşlarının ortalaması 22 idi. Buna göre bu aile kaç bireyden oluşmaktadır?

SORU - 10

CEVAP

ANA SAYFA

Yandaki şekilde
verilenlere göre
taranmış bölgenin
alanı kaç birim
karedir?



SORU - 11

CEVAP

ANA SAYFA

ABC bir üçgen

$[AB] \perp [ED]$

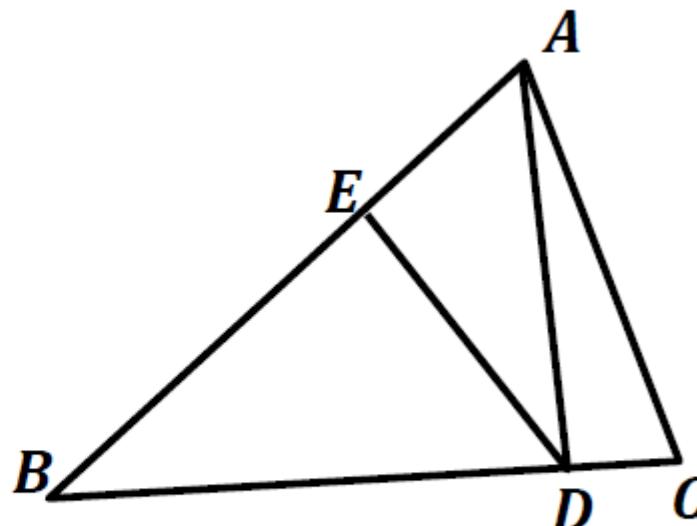
$|AE| = |DC| = 4 \text{ cm}$

$|BE| = 6 \text{ cm}$

$|BD| = 10 \text{ cm}$

olduğuna göre

$\triangle ADC$ üçgeninin
alanı kaç cm^2 dir?



SORU - 12

CEVAP

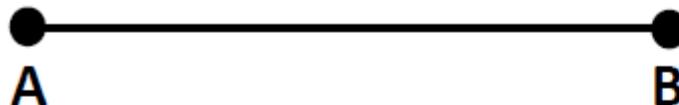
ANA SAYFA

$f(x) = \frac{1}{3}x^3 - ax^2 + 4x - 1$ fonksiyonu veriliyor. $f'(x)$ 'in yerel minimum değerinin 3 olması için a 'nın pozitif değeri ne olmalıdır?

SORU - 13

CEVAP

ANA SAYFA



Hızları oranı $5/7$ olan iki araç, A noktasından B noktasına doğru aynı anda hareket ediyorlar. Yavaş olan araç, hızlı olandan 4 saat sonra B noktasına vardığına göre, hızlı olan araç B noktasına kaç saatte varmıştır?

SORU - 14

CEVAP

ANA SAYFA

$$3x^2 + mx + 1 = (x + 1)P(x - 1)$$

olduğuna göre, $P(x)$ polinomu nedir?

SORU - 15

CEVAP

ANA SAYFA

$P(x) = x^2 + 2x - 6$ polinomu veriliyor. $P(x - a)$ polinomunun $(x - 2a)$ ile bölümünden kalan 9 olduğuna göre, a 'nın pozitif değeri kaçtır?

SORU - 16

CEVAP

ANA SAYFA

O , çemberin merkezi

$$3|BC| = |BD|$$

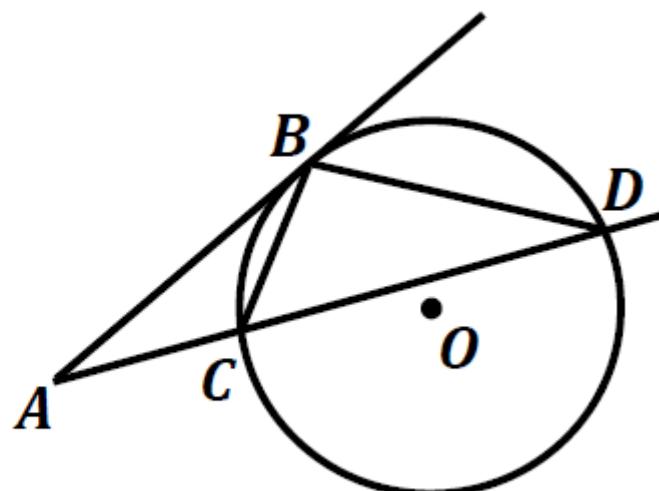
$$|AC| = 3 \text{ cm}$$

ve $[AB$ işini, çembere

B noktasında teğet

olduğuuna göre

$|AB|$ kaç cm'dir?



SORU - 17

CEVAP

ANA SAYFA

$\int x f(x) dx = 3x^2 + ax + b$ veriliyor.

$f(1) = -3$ olduğuna göre, a kaçtır?

SORU - 18

CEVAP

ANA SAYFA

$x^2 + (a - 1)x + m = 0$ denkleminin bir kökü -4 ,

$2x^2 - (2a + 1)x + n = 0$ denkleminin bir kökü 2 'dir. Bu denklemlerin diğer kökleri eşit olduğuna göre a kaçtır?

SORU - 19

CEVAP

ANA SAYFA

ABC bir üçgen ve

$[ED] \parallel [BC]$

$[DK] \parallel [AB]$

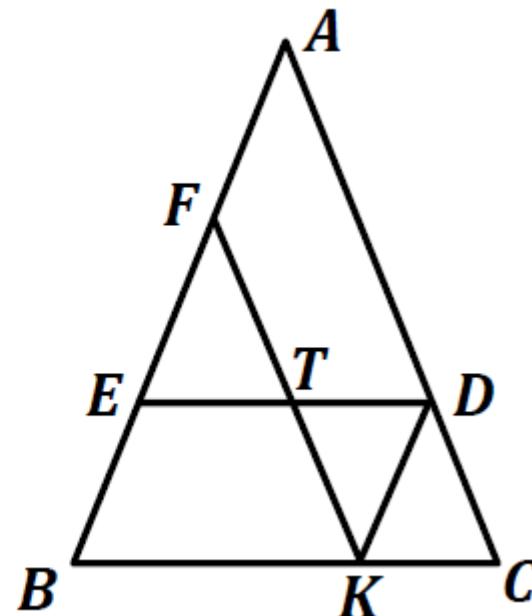
$[FK] \parallel [AC]$

$|AF| = 3 \text{ cm}$

$|AB| = 8 \text{ cm}$

olduğuna göre,

$|EF|$ kaç cm'dir?



SORU - 20

CEVAP

ANA SAYFA

Bir dik silindirin yüzey alanı $216\pi \text{ cm}^2$ ve taban yarıçapı 6 cm olduğuna göre, silindirin hacmi kaç cm^3 olur?

SORU - 21

CEVAP

ANA SAYFA

Yandaki tabloda verilen işleme göre

$$[[[[N * U] * R] * A] * Y]$$

İşleminin sonucu nedir?

*	N	U	R	A	Y
N	A	Y	N	U	R
U	Y	N	U	R	A
R	N	U	R	A	Y
A	U	R	A	Y	N
Y	R	A	Y	N	U

SORU - 22

CEVAP

ANA SAYFA

$$\frac{17}{10} + \frac{17}{100} + \frac{17}{1000} + \cdots + \frac{17}{10^n} + \cdots$$

toplamanın sayısal değeri nedir?

SORU - 23

CEVAP

ANA SAYFA

$x > 0$ olmak üzere,

$x - \frac{1}{x} = \sqrt{77}$ olduğuna göre

$x + \frac{1}{x}$ kaçtır?

$$f(x) = \sum_{k=1}^x k \text{ ve } g(x) = \sum_{k=1}^x k^3$$

olarak veriliyor. $(f \circ g)(4)$ kaçtır?

SORU - 25

CEVAP

ANA SAYFA

$ABCD$ bir yamuk

$[AB] \parallel [DC]$

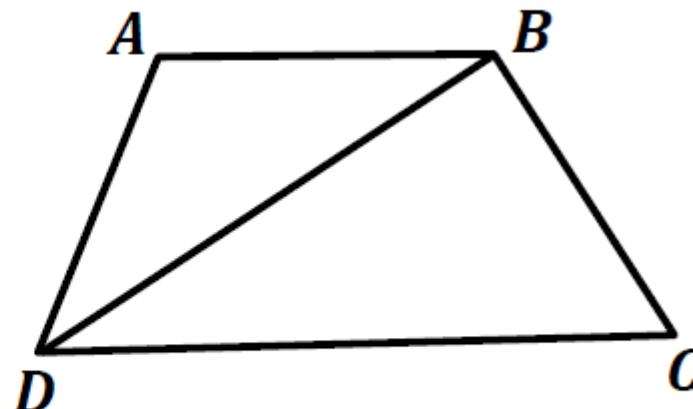
$\angle BAD = \angle DBC$

$|AB| = 2$ cm

$|DB| = 4$ cm

olduğuna göre

$|DC|$ kaç cm'dir?



SORU - 26

CEVAP

ANA SAYFA

$$\log 2 = a$$

$$\log 3 = b$$

$$\log 360 = c$$

olduğuna göre, $\log 5$ 'in a, b ve c cinsinden değeri nedir?

SORU - 27

CEVAP

ANA SAYFA

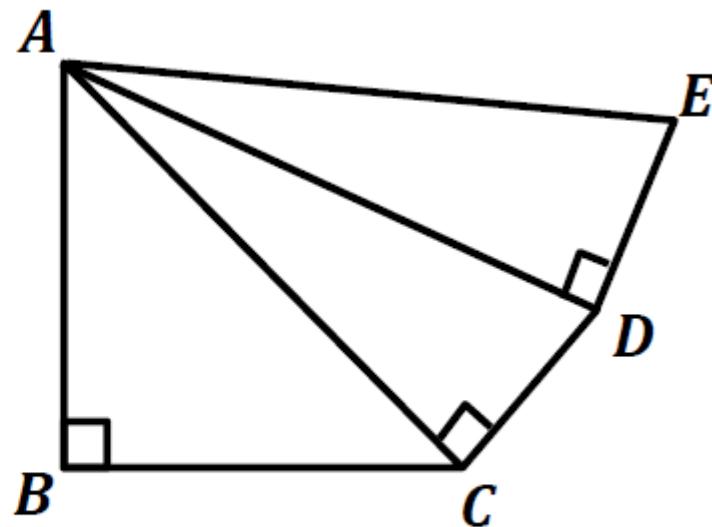
$\sin(x + 30) = 2 \cos(x + 30)$ olduğuna göre, $\tan x$ 'nin sayısal değeri nedir?

SORU - 28

CEVAP

ANA SAYFA

Şekildeki, ABC , ACD ve ADE dik üçgenlerinde
 $|AB| = a$ cm,
 $|BC| = b$ cm,
 $|DC| = c$ cm,
 $|ED| = d$ cm ve
 $a^2 + b^2 + c^2 + d^2 = 100$
olduğuna göre
 $|AE|$ kaç cm dir?



SORU - 29

CEVAP

ANA SAYFA

$$\int x^2 f(x) \, dx = x^4 + 2x^3 + C \text{ ise}$$

$f(x)$ fonksiyonunu bulunuz.

SORU - 30

CEVAP

ANA SAYFA

$\log_a(a \cdot b) = 4$ ise, $\log_{(a \cdot b)} b$ 'nin sayısal değeri nedir?

SORU - 31

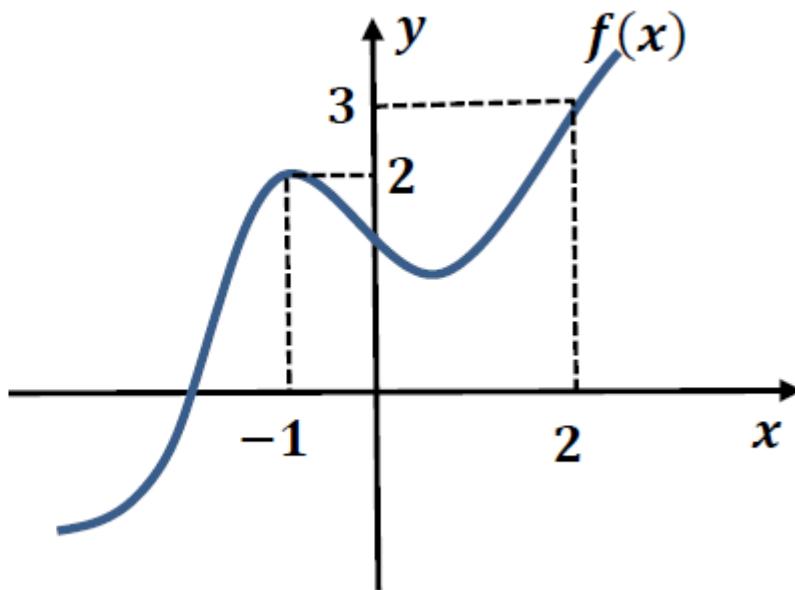
CEVAP

ANA SAYFA

Yanda grafiği verilen
 f fonksiyonu için

$$\int_{-1}^2 [f(x)]^2 f'(x) dx$$

integralinin sonucu nedir?

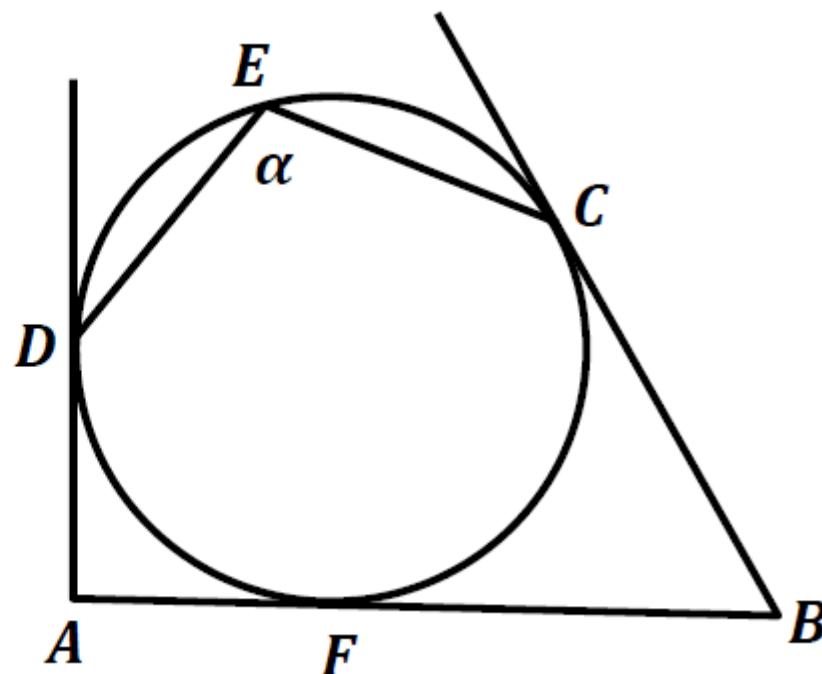


SORU - 32

CEVAP

ANA SAYFA

Şekildeki çemberde,
 C, D ve F , teğetlerin
değme noktalarıdır.
 $[AB] \perp [AD]$,
 $\angle ABC = 40^\circ$
olduğuna göre
 $\angle DEC = \alpha$
kaç derecedir?



SORU - 33

CEVAP

ANA SAYFA

$y = 5x^2 - 11x + 2$ denklemi ile verilen parabolun, simetri ekseninin denklemi nedir?

SORU - 34

CEVAP

ANA SAYFA

$x, y \geq 0$ tam sayılar olmak üzere,

$$x + \frac{y}{7} = 21$$

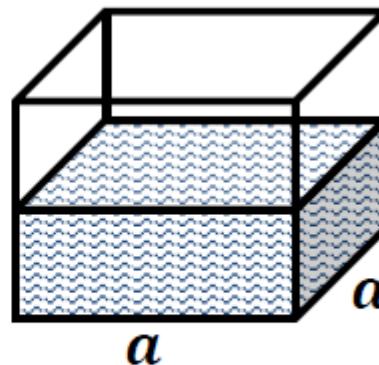
olduğuna göre, x 'in alabileceği kaç farklı değer vardır?

SORU - 35

CEVAP

ANA SAYFA

Bir kenarı a cm olan küp
yarısına kadar su ile doludur.
Küpteki su, tabanının bir
kenarı $(a/2)$ cm olan kare
prizmaya boşaltılıyor.



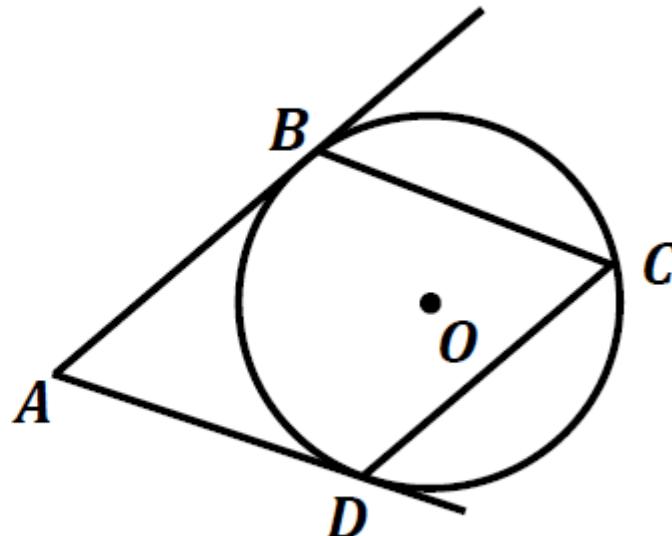
Prizmadaki suyun yüksekliği a cinsinden kaç cm olur?

SORU - 36

CEVAP

ANA SAYFA

B ve D , O merkezli
çemberin teğet noktaları
 $|BC| = |DC|$
 $\angle DAB = 60^\circ$
 $|AB| = 4 \text{ cm}$
olduğuna göre
 $ABCD$ dörtgeninin alanı
kaç cm^2 dir?



SORU - 37

CEVAP

ANA SAYFA

$$\frac{x-2}{x} < \frac{1}{1-x}$$

eşitsizliğinin çözüm kümesi nedir?

SORU - 38

CEVAP

ANA SAYFA

$$P(x) = x^{99} + x^{72} + x^{54} + x^{45} + x^{36} + x^{27} + x^{18} + x^9 + 1$$

polinomunun $(x^9 + 1)$ ile bölümünden kalan nedir?

SORU - 39

CEVAP

ANA SAYFA

Şekildeki çemberde

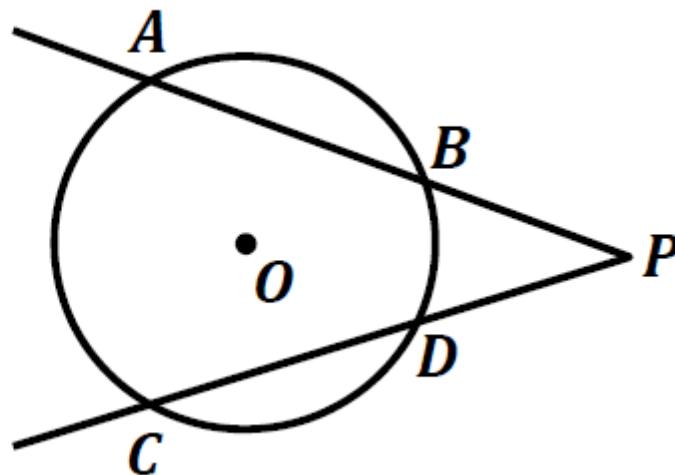
$$3|PB| = |AB|$$

$$|PB| = 2|PD|$$

$$|CD| = 12 \text{ cm}$$

olduğuna göre

$$|AB| \text{ kaç cm' dir?}$$



SORU - 40

CEVAP

ANA SAYFA

$S(A) = 3$, $S(B) = 9$ ve $S(C) = 15$ olduğu biliniyor. Buna göre $S(A \cup B \cup C)$ 'nin en büyük değeri, en küçük değerinden kaç fazladır?

En küçük sayı dışındaki sayılar, 98, 98, 98 olursa en küçük sayı en az olur. Buna göre, $376 - (98 + 98 + 98) = 82$ elde edilir.

CEVAP: 82

abc ve *cba* üç basamaklı olup 5'e tam olarak bölünebilmesinden dolayı, $a = c = 5$ olur.

$5b5$ sayısının 9'a tam bölünebilmesi için, $5 + b + 5$ sayısı 9'un katı olmalıdır. Buradan $b = 8$ olur.

CEVAP: 8

$$b^2 \cdot c \cdot d > 0 \rightarrow c \cdot d > 0$$

$$b \cdot c \cdot d^2 < 0 \rightarrow b \cdot c < 0$$

$$b^4 \cdot c^5 \cdot d^6 < 0 \rightarrow c < 0 \rightarrow b > 0 \rightarrow d < 0$$

CEVAP: +, -, -

$z(y^2 + x^2 - 2xy) = 29 \rightarrow z(y-x)^2 = 29$ ve $z = 29$ asal olduğundan, $y - x = 1$, x ve y de asal olduğundan $x = 2$ ve $y = 3$ (veya $x = 3$ ve $y = 2$) olur. Böylece $x \cdot y \cdot z = 2 \cdot 3 \cdot 29 = 174$

CEVAP: 174

$a^{\frac{7x}{4y}} = b$ olur.

$$a^2 \left(a^{\frac{7x}{4y}}\right)^3 = 1 \rightarrow a^2 a^{\frac{21x}{4y}} = 1 \rightarrow a^{2 + \frac{21x}{4y}} = a^0 \text{ olur.}$$

$$\frac{21x}{4y} = -2 \rightarrow \frac{x}{y} = -\frac{8}{21} \text{ bulunur.}$$

CEVAP: $-8/21$

Gökhan, saatte işin $\frac{3}{24} = \frac{1}{8}$ 'ini,

Mehmet ise saatte işin $\frac{2}{24} = \frac{1}{12}$ 'sini yapabiliyor.

4 saatte Gökhan işin $\frac{4}{8}$ 'ini, Mehmet ise $\frac{4}{12}$ 'sini yapıyor.

İkisi birlikte işin $\frac{4}{8} + \frac{4}{12} = \frac{5}{6}$ 'sını yapabilir.

CEVAP: 5/6

$$1800 = 2^3 \times 3^2 \times 5^2$$

pozitif çarpan sayısı = $(3 + 1)(2 + 1)(2 + 1) = 36$

CEVAP: 36

İstenileni elde etmek için A 'da e ve f hariç, kalan elemanlarla, kaç tane 3 elemanlı alt küme yazılabilirliğine bakılır. Bu alt kümelere e eklendiğinde istenilen elde edilmiş olur. Buna göre

$$\binom{6}{3} = \frac{6!}{3! \cdot 3!} = 20$$

CEVAP: 20

Ailede x birey olsun.

Bunların üç yıl önceki yaşları toplamı $(150 - 3x)$ olur.

Üç yıl önceki yaşlarının ortalaması 22 olduğuna göre,

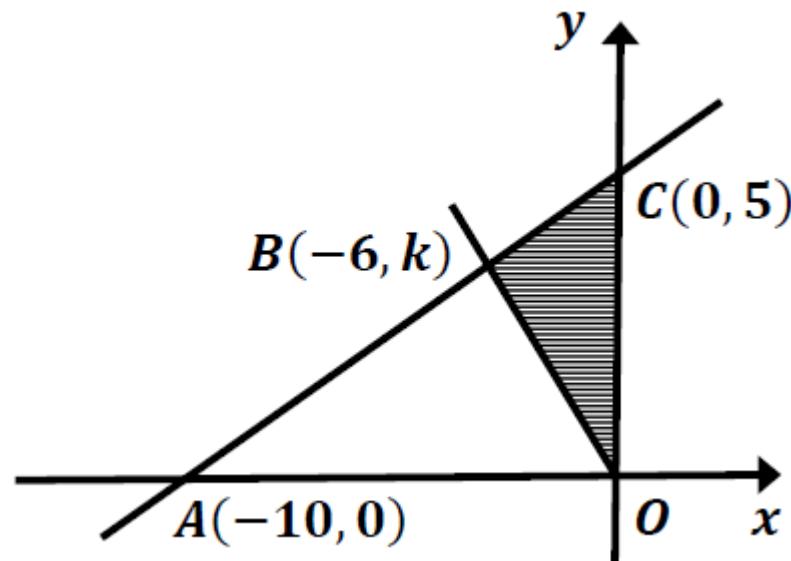
$$\frac{150 - 3x}{x} = 22 \rightarrow 150 - 3x = 22x$$

$$25x = 150 \rightarrow x = 6 \text{ elde edilir.}$$

CEVAP: 6

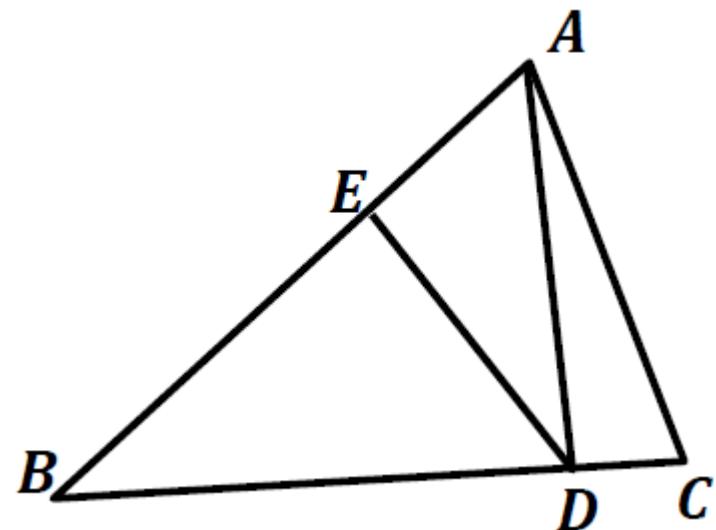
A ve *C* noktalarından geçen doğrunun denklemi

$2y = x + 10$ 'dur. Buradan $k = 2$ bulunur. Alan(AOB) = 10 ve
alan(AOC) = 25 olduğundan,
taranmış bölge alanı $25 - 10 = 15$ birim kare olur.

CEVAP: 15

BED dik üçgeninde $|ED| = 8$ cm olur. Buradan *ABD* üçgeninin alanı 40 cm^2 olarak hesaplanır. *ABD* üçgeni ile *ADC* üçgeninin *BC* tabanına göre yükseklikleri aynı olduğundan,

$$\frac{\text{alan}(ADC)}{\text{alan}(ADB)} = \frac{4}{10} \rightarrow \frac{\text{alan}(ADC)}{40} = \frac{4}{10} \rightarrow \text{alan}(ADC) = 16$$

CEVAP: 16

$$g(x) = f'(x) = x^2 - 2ax + 4 = 0$$

$g'(x) = 2x - 2a = 0 \rightarrow x = a$ kritik nokta olur.

$$g(a) = a^2 - 2a^2 + 4 = 3 \text{ olması için}$$

$$-a^2 + 4 = 3 \rightarrow -a^2 = -1 \rightarrow a^2 = 1 \rightarrow a = \pm 1$$

a' nın pozitif değeri 1 olur.

CEVAP: 1

$\frac{v_Y}{v_H} = \frac{5}{7}$ olduğundan $v_y = 5v$ ise, $v_H = 7v$ olur. Hızlı araç B noktasına t saatte varmış olsun.

Buna göre yavaş olan araç $t + 4$ saatte B noktasına varır. Buradan, gittikleri yol x , aynı olduğundan;

$$x = 5v(t + 4) = 7vt \rightarrow 5t + 20 = 7t \rightarrow t = 10 \text{ elde edilir.}$$

CEVAP: 10

$x = -1$ alınırsa, $3 - m + 1 = 0$ ve $m = 4$ olur. Böylece,

$$3x^2 + 4x + 1 = (x + 1)P(x - 1)$$

$$(3x + 1)(x + 1) = (x + 1)P(x - 1)$$

$$P(x - 1) = 3x + 1 \text{ ve}$$

$$P(x) = 3(x + 1) + 1 = 3x + 4 \text{ olur.}$$

CEVAP: $3x + 4$

$P(x - a)$ polinomunun $(x - 2a)$ ile bölümünden kalan 9 olduğuna göre, $P(2a - a) = P(a) = 9$ olur. Buradan,
 $a^2 + 2a - 6 = 9 \rightarrow a^2 + 2a - 15 = 0 \rightarrow (a + 5)(a - 3) = 0$
 $a = -5$ ve $a = 3$ elde edilir.

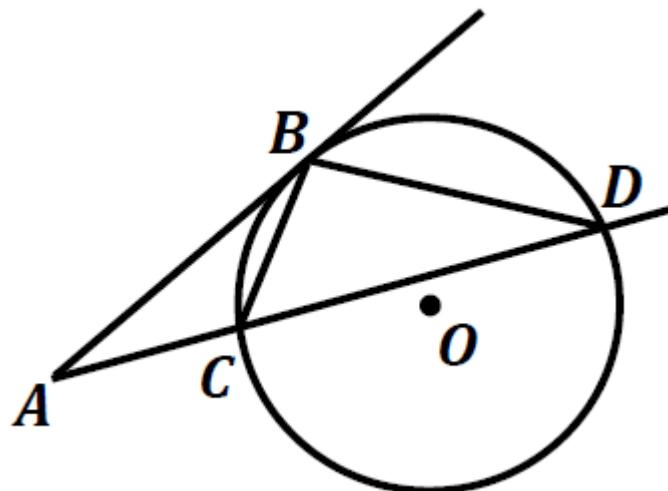
CEVAP: 3

BDA açısı ile ABC açısı aynı yayı gördükleri için eşittirler.

$$\triangle ABC \sim \triangle ADB$$

$$\frac{|BC|}{|BD|} = \frac{|AC|}{|AB|} = \frac{1}{3} \rightarrow \frac{3}{|AB|} = \frac{1}{3} \rightarrow |AB| = 9$$

CEVAP: 9



$$\frac{d}{dx} \left(\int x f(x) dx \right) = \frac{d}{dx} (3x^2 + ax + b)$$

$xf(x) = 6x + a$ ve $x = 1$ için,

$$1f(1) = 6 + a = -3 \rightarrow a = -9$$

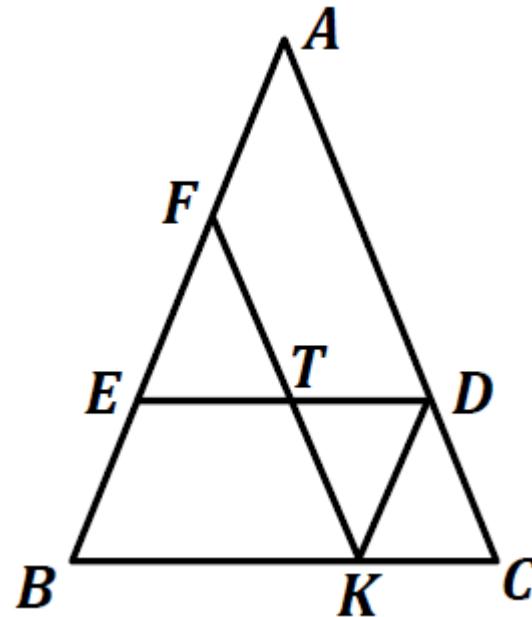
CEVAP: -9

İlk denklemin kökleri toplamı: $1 - a = -4 + x_2$ ve ikinci denklemin kökleri toplamı: $((2a + 1)/2) = 2 + x_2$ olur.

Buradan $5 - a = [(2a + 1)/2] - 2 \rightarrow 10 - 2a = 2a - 3$ ve $a = 13/4$ elde edilir.

CEVAP: 13/4

ADKF ve BEDK paralelkenar olduklarından karşılıklı kenarları eşittir. Buradan $|AF| = 3 = |DK| = |EB|$ olur.
 $|EF| = |AB| - |AF| - |EB| = 8 - 3 - 3 = 2$ bulunur.

CEVAP: 2

Silindirin yüzey alanı= $12\pi h + 2\pi 6^2 = 216\pi$ olduğundan
 $h = 12$ cm elde edilir.

Silindirin hacmi= $\pi r^2 h = \pi \cdot 6^2 \cdot 12 = 432\pi$ cm³ olur.

CEVAP: 432π

$$\begin{aligned} & \left[\left[[N * U] * R \right] * A \right] * Y = \left[\left[[Y * R] * A \right] * Y \right] \\ & = [[Y * A] * Y] = [N * Y] = R \end{aligned}$$

CEVAP: *R*

*	N	U	R	A	Y
N	A	Y	N	U	R
U	Y	N	U	R	A
R	N	U	R	A	Y
A	U	R	A	Y	N
Y	R	A	Y	N	U

$$\frac{17}{10} + \frac{17}{100} + \frac{17}{1000} + \dots + \frac{17}{10^n} + \dots = 17 \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{10}\right)^n$$

$$= 17 \left(\frac{1}{10}\right) \left(\frac{1}{1 - \frac{1}{10}} \right) = \frac{17}{10} \cdot \frac{10}{9} = \frac{17}{9}$$

CEVAP: 17/9

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = 77 \rightarrow x^2 - 2 + \frac{1}{x^2} = 77 \rightarrow x^2 + \frac{1}{x^2} = 79$$

$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = 79 \rightarrow \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 81 \rightarrow x + \frac{1}{x} = 9$$

CEVAP: 9

$$(f \circ g)(4) = f(g(4)) = f(1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3) = f(100)$$

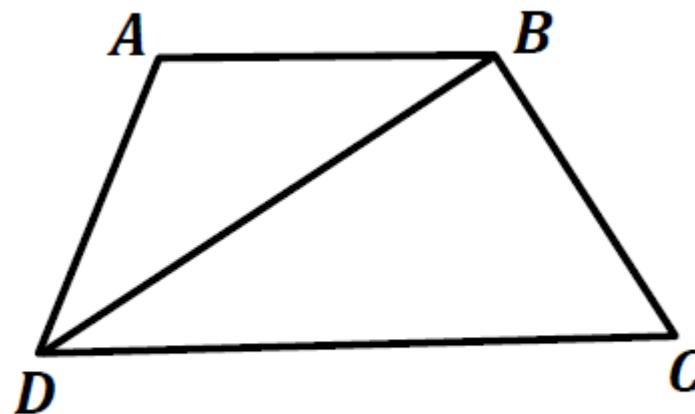
$$= \frac{100 \cdot 101}{2} = 5050$$

CEVAP: 5050

$\triangle ABD$ ve $\triangle BDC$ iç ters açı olduklarından eşittir. $\triangle ABD \sim \triangle BDC$ olur.

Buradan $(2/4) = (4/|DC|)$ ve $|DC| = 8$ cm elde edilir.

CEVAP: 8



$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$ ve buradan da

$$c = \log 360 = \log 2^3 + \log 3^2 + \log 5$$

$c = 3 \log 2 + 2 \log 3 + \log 5$ olur.

$\log 5 = c - 3a - 2b$ bulunur.

CEVAP: $c - 3a - 2b$

$$\tan(x + 30) = 2$$

$$\frac{\tan x + \tan 30^\circ}{1 - \tan x \tan 30^\circ} = 2 \rightarrow \frac{\tan x + \frac{1}{\sqrt{3}}}{1 - \frac{1}{\sqrt{3}} \tan x} = 2$$

$$\tan x + \frac{1}{\sqrt{3}} = 2 - \frac{2}{\sqrt{3}} \tan x$$

$$\tan x \left(1 + \frac{2}{\sqrt{3}}\right) = 2 - \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3}}$$

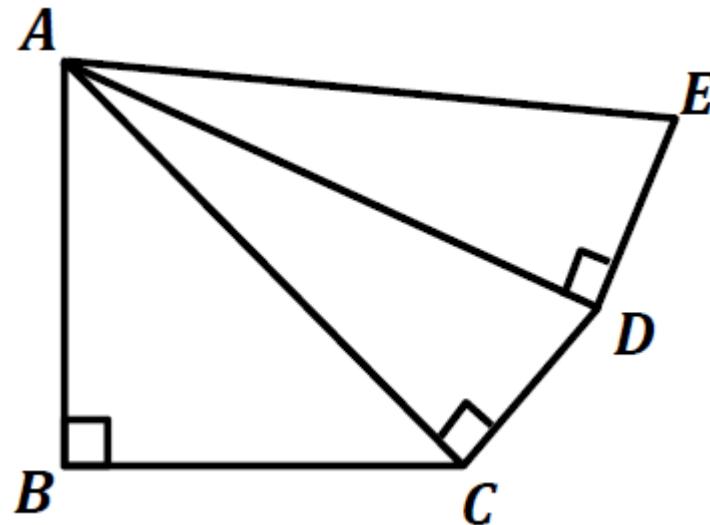
$$\tan x \left(\frac{\sqrt{3} + 2}{\sqrt{3}}\right) = \frac{2\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3}} \rightarrow \tan x = \frac{2\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3} + 2}$$

CEVAP: $\frac{2\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}+2}$

$|AC| = \sqrt{a^2 + b^2}$, $|AD| = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$ ve

$|AE| = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2 + d^2} = \sqrt{100} = 10$

CEVAP: 10



$$\frac{d}{dx}(x^4 + 2x^3 + C) = 4x^3 + 6x^2 = x^2(4x + 6)$$

Böylece $f(x) = 4x + 6$

CEVAP: $4x + 6$

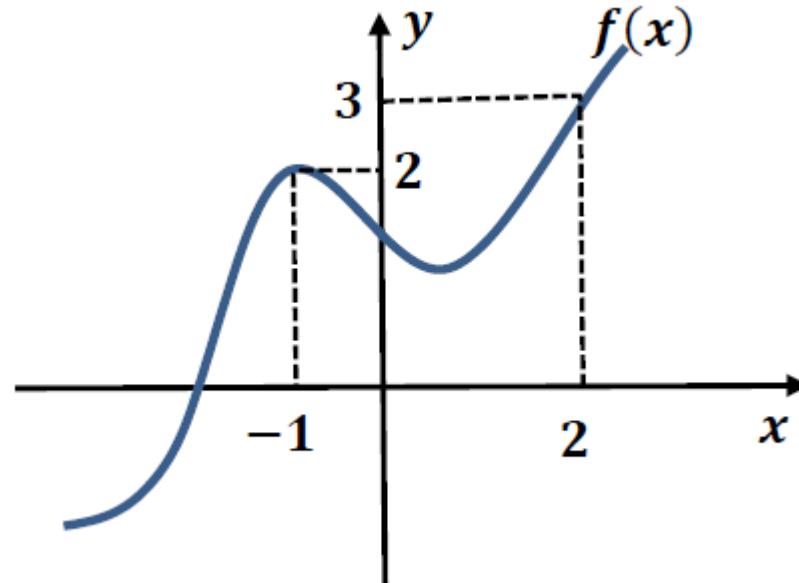
$$\log_a(a \cdot b) = \log_a a + \log_a b = 1 + \log_a b = 4$$

$$\log_a b = 3$$

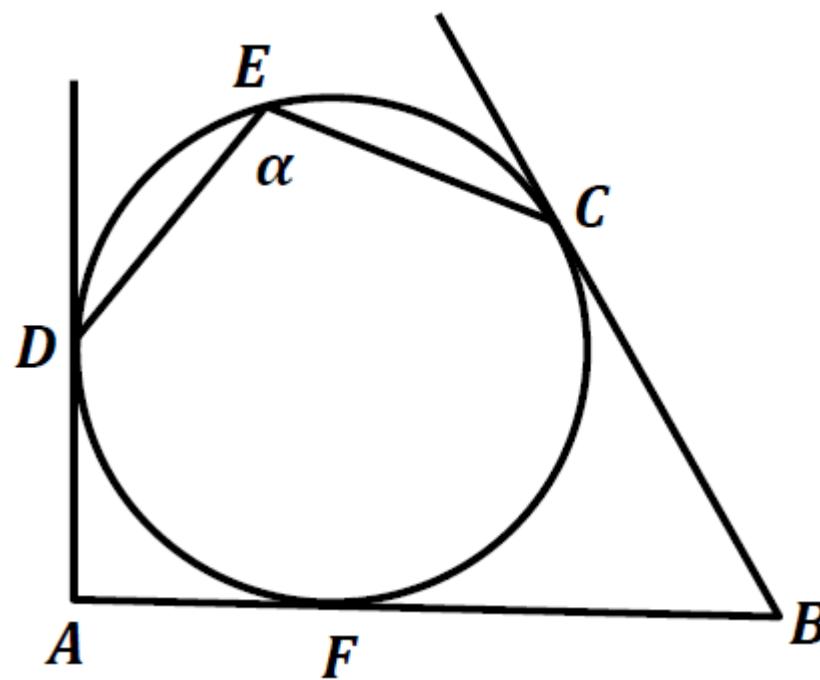
$$\log_{(a \cdot b)} b = \frac{\log_a b}{\log_a(a \cdot b)} = \frac{\log_a b}{\log_a a + \log_a b} = \frac{3}{1 + 3} = \frac{3}{4}$$

CEVAP: 3/4

$$\int_{-1}^2 [f(x)]^2 f'(x) dx = \frac{(f(x))^3}{3} \Big|_{-1}^2 = \frac{3^3}{3} - \frac{2^3}{3} = \frac{19}{3}$$

CEVAP: 19/3

Verilenlere göre \widehat{DF} (yayı) 90° , \widehat{FC} (yayı) 140° ve $\angle DEC = \alpha$ (gördüğü yol) 230° olur. Buradan $\alpha = 115^\circ$ elde edilir.

CEVAP: 115

Parabolun simetri ekseni $x = -\left(\frac{b}{2a}\right) = -\left(\frac{-11}{10}\right) = \frac{11}{10}$ olur.

CEVAP: $x = 11/10$

$y = 0, 7, 14, 21, \dots, 147$ gibi değerlerini alabilir. Buna göre,

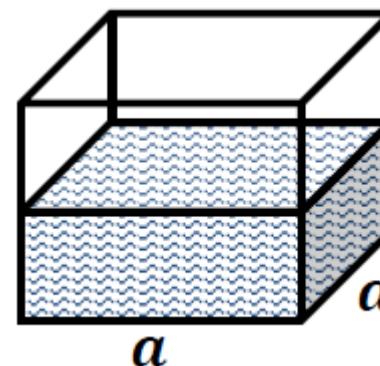
$x = 21, 20, 19, \dots, 1, 0$ değerlerini alır. Böylece 22 değer almış olur.

CEVAP: 22

Suyun hacmi = $(a^3 / 2)$ cm³. Suyun içine boşaltıldığı kare prizmada tabandan yüksekliği h olsun,

$$\frac{a^3}{2} = \left(\frac{a}{2}\right)^2 h = \frac{a^2}{4} h \rightarrow h = 2a$$

bulunur.

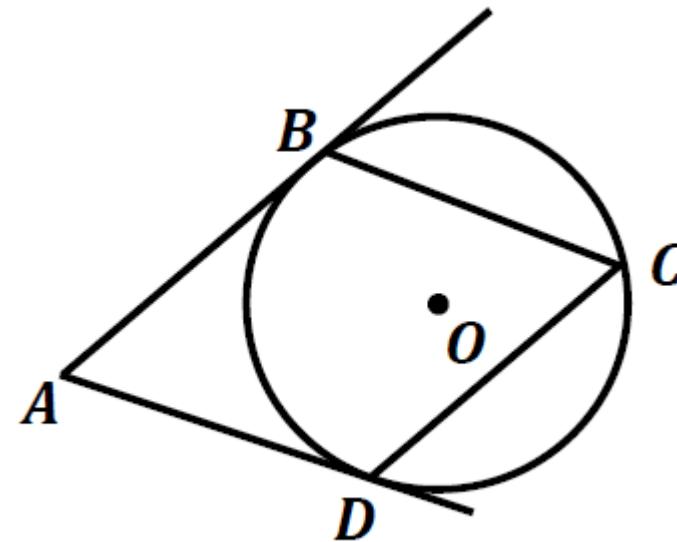


CEVAP: 2a

\widehat{BD} yayı 120° ve $\angle BCD = 60^\circ$ olurlar. ABD ve BDC üçgenleri eşkenar üçgenlerdir. $ABCD$ dörtgeninin alanı ABD üçgeninin alanının iki katı olur,

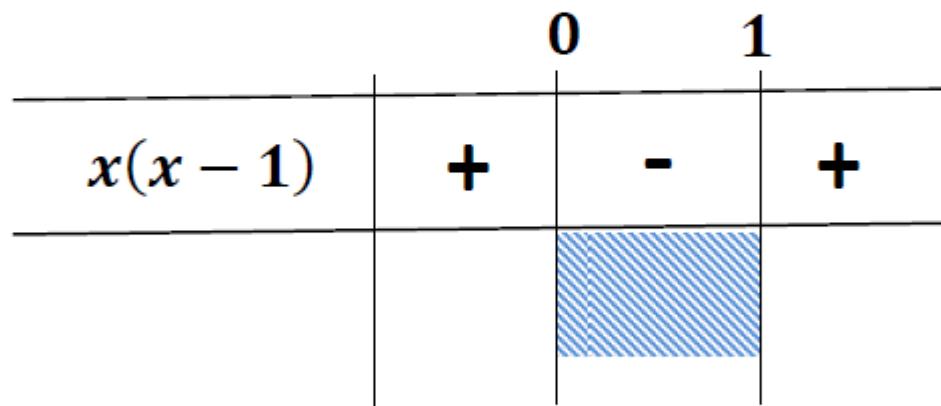
$$A(ABCD) = 2 \cdot A(ABD) = 2 \cdot \frac{4^2\sqrt{3}}{4} = 8\sqrt{3}$$

CEVAP: $8\sqrt{3}$



$$\frac{x-2}{x} + \frac{1}{x-1} = \frac{x^2 - 2x + 2}{x(x-1)} = \frac{(x-1)^2 + 1}{x(x-1)} < 0$$

$(x-1)^2 + 1 > 0$ olduğundan, $x(x-1) < 0$ bulunur.

**CEVAP: $0 < x < 1$**

$$\begin{aligned}(x^9)^{11} + (x^9)^8 + (x^9)^6 + (x^9)^5 + (x^9)^4 + (x^9)^3 + (x^9)^2 + x^9 + 1 \\= (-1)^{11} + (-1)^8 + (-1)^6 + (-1)^5 + (-1)^4 + (-1)^3 \\+ (-1)^2 + (-1) + 1 = 1\end{aligned}$$

CEVAP: 1

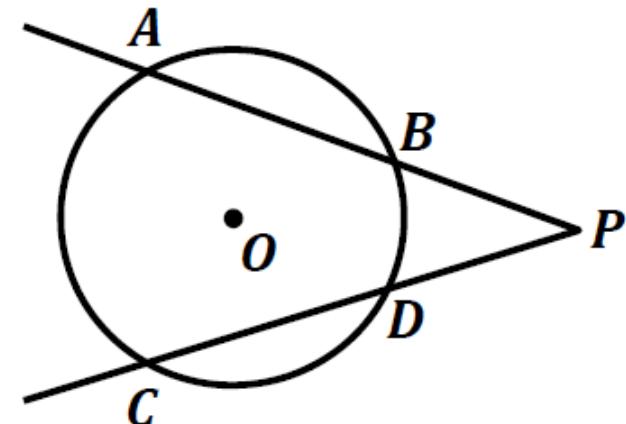
$|PB| = x$ olsun, $|AB| = 3x$ ve $|PD| = x/2$ olur. Buradan,

$$x(4x) = \frac{x}{2} \left(12 + \frac{x}{2} \right) \rightarrow 4x^2 = 6x + \frac{x^2}{4} \rightarrow \frac{15}{4}x^2 - 6x = 0$$

$$x \left(\frac{15}{4}x - 6 \right) = 0 \rightarrow x = 0 \text{ veya}$$

$$\frac{15}{4}x - 6 = 0 \rightarrow \frac{15}{4}x = 6 \rightarrow x = \frac{24}{15}$$

Böylece, $|AB| = 3x = 24/5$ olarak hesaplanır.

**CEVAP: 24/5**

$S(A \cup B \cup C)$ 'nin en büyük değeri, kümeler ayrık olduğunda elde edilir. $S(A \cup B \cup C) = S(A) + S(B) + S(C) = 27$.

En küçük değeri ise $A \subset B \subset C$ durumunda elde edilir.

$S(A \cup B \cup C) = S(C) = 15$ olur.

En büyük değeri, en küçük değerinden 12 fazla olur.

CEVAP: 12