

17. Liselerarası Matematik Yarışması

DAÜ MATEMATİK BÖLÜMÜ

ONAY FADIL DEMİRCİLER EĞİTİM ve BİLİM VAKFI katkılarıyla

1

2

3

4

5

6

7

8

9

10

11

12

13

14

15

16

17

18

19

20

21

22

23

24

25

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 1

CEVAP

ANA SAYFA

x ve y pozitif tam sayılar olmak üzere,

$$y = \frac{30x - 35}{x}$$

olduğuna göre, y kaç farklı değer alabilir?

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 2

CEVAP

ANA SAYFA

$$\sqrt{(\sqrt{7} - 4)^2} + \sqrt{(\sqrt{7} - 2)^2} + \sqrt[3]{-64}$$

işleminin tam sayı değeri nedir?

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 3

CEVAP

ANA SAYFA

$a < b < 0 < c$ olduğuna göre,

$$x = \frac{4c}{b}, y = \frac{3a}{b} \text{ ve } z = \frac{2b}{a}$$

sayılarını küçükten büyüğe doğru sıralayınız.

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 4

CEVAP

ANA SAYFA

$y = f(x)$ grafiği üzerindeki her bir (x, y) noktasından çizilen teğeten eğimi $3x^2 + 1$ ve $f(1) = 3$ olduğuna göre, $y = f(x)$ fonksiyonunu bulunuz.

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 5

CEVAP

ANA SAYFA

Bir işçi bir işi 20 günde yapıyor. Günde 3 saat daha az çalışsaydı işin bitmesi 15 gün gecikecekti. Buna göre, bu işçi günde kaç saat çalışmaktadır?



Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 6

CEVAP

ANA SAYFA

$$\frac{|x - 6| (x^2 - 4)}{x + 1} \leq 0$$

eşitsizliğini sağlayan pozitif tam sayıların toplamı kaçtır?

Uluslararası Kariyer İçin

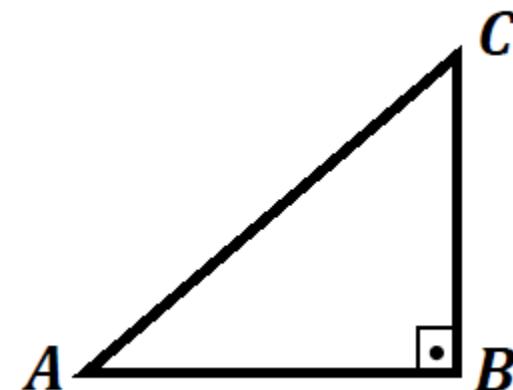


SORU - 7

CEVAP

ANA SAYFA

ABC dik üçgeninde, $[CB] \perp [AB]$,
 $|AB| = 3|BC|$ 'dir. Verilenlere göre,
 $(\sin A)(\sin C) - \tan A$ işleminin
sayısal değeri nedir?



Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 8

CEVAP

ANA SAYFA

f ve *g* tüm reel sayılar için tanımlı fonksiyonlardır.

$f(x) = x - 1$, $g(x) = 2x - a$ ve $(g \circ f)^{-1}(-3) = 1$ olduğuna göre, *a* kaçtır?

Uluslararası Kariyer İçin



35 kişilik bir sınıfta, sadece fizikten başarılı olanlar, sadece kimyadan başarılı olanların 3 katı, her iki dersten başarılı olanların sayısı ise sadece kimyadan başarılı olanların sayısından 2 eksiktir. 7 kişi bu iki dersten başarısız olduğuna göre, bu sınıfta her iki dersten de başarılı olan kaç öğrenci vardır?



Uluslararası Kariyer İçin



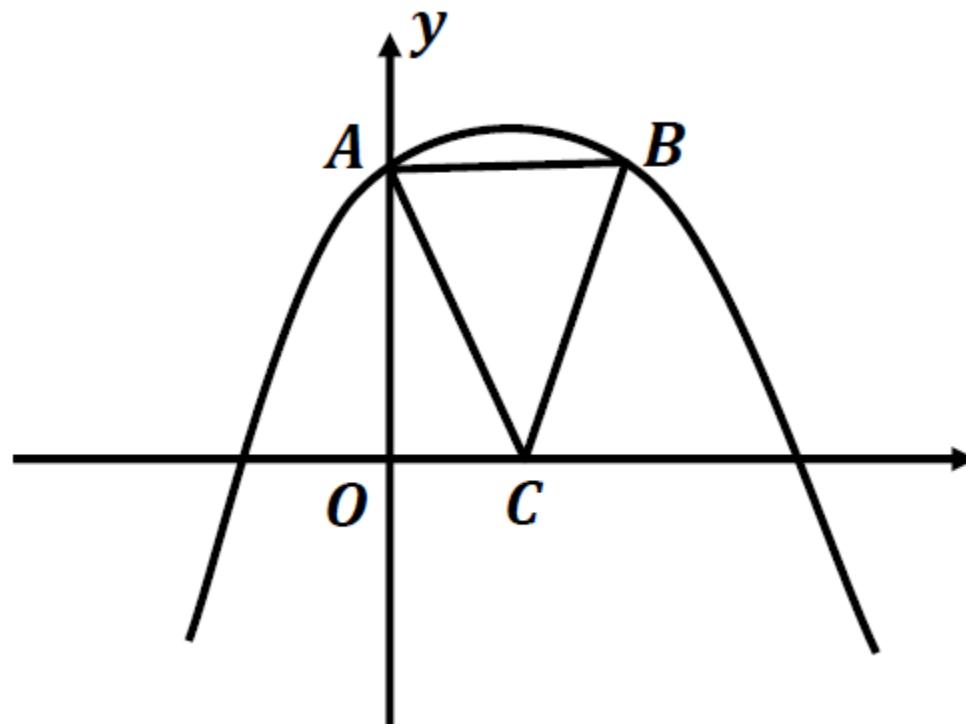
Yandaki grafik

$$f(x) = -x^2 + 6x + 2$$

fonksiyonuna aittir.

$[AB] \perp Oy$, C noktası
 x -ekseni, A noktası ise
 y -ekseni üzerindedir.

Buna göre ABC
üçgeninin alanı kaç birim
karedir?



Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 11

CEVAP

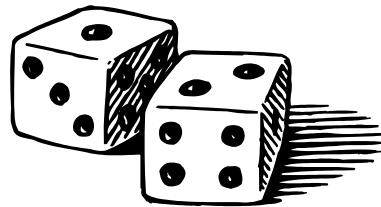
ANA SAYFA

$x^2 - 6x + 4 = 0$ denkleminin kökleri x_1 ve x_2 'dir. Buna göre kökleri $\sqrt{x_1/x_2}$ ve $\sqrt{x_2/x_1}$ olan ikinci dereceden denklem $x^2 + ax + b = 0$ olduğuna göre $a + b$ kaçtır?

Uluslararası Kariyer İçin



Bir tavla zarının 2 yüzü siyah, 3 yüzü beyaz ve 1 yüzü de kırmızıdır. Bu zar peş peşe 3 kez atılıyor. Herhangi bir renkten en az iki kez gelme olasılığı kaçtır?



Uluslararası Kariyer İçin



$$\sum_{k=2}^n (\sqrt{k+1} - \sqrt{k}) = \sqrt{2}$$

olduğuna göre, n kaçtır?

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 14

CEVAP

ANA SAYFA

$i^2 = -1$ ve n pozitif bir tam sayı olmak üzere,

$$\frac{i^{12n+3} - i^{4n+1}}{i^{4n+2} + i^{20n+5}}$$

ifadesinin $a + ib$ şeklindeki yazılışı nedir?

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 15

CEVAP

ANA SAYFA

$n > 1$ bir tam sayı olmak üzere,

$$\frac{1}{\log_2(n!)} + \frac{1}{\log_3(n!)} + \cdots + \frac{1}{\log_n(n!)}$$

toplamanının sayısal değeri kaçtır?

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 16

CEVAP

ANA SAYFA

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x+5} - \sqrt{x+7}}{\sqrt{x} - \sqrt{2}}$$

limitinin değeri kaçtır?

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 17

CEVAP

ANA SAYFA

$f(x) = 1 + x + x^2 + x^3 + \dots + x^{50}$ ise $f'(-1)$ değeri kaçtır?

Uluslararası Kariyer İçin

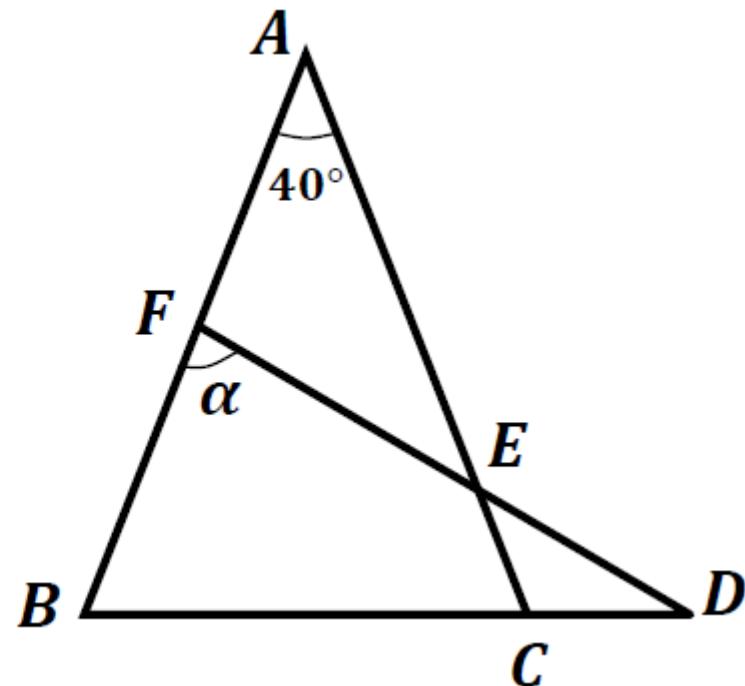


SORU - 18

CEVAP

ANA SAYFA

Yandaki şekilde ABC bir ikizkenar üçgen ve $|AB| = |AC|$,
 $|CE| = |CD|$ ve $m(\widehat{BAC}) = 40^\circ$ olduğuna göre, $m(\widehat{BFD}) = \alpha$ kaç derecedir?



Uluslararası Kariyer İçin

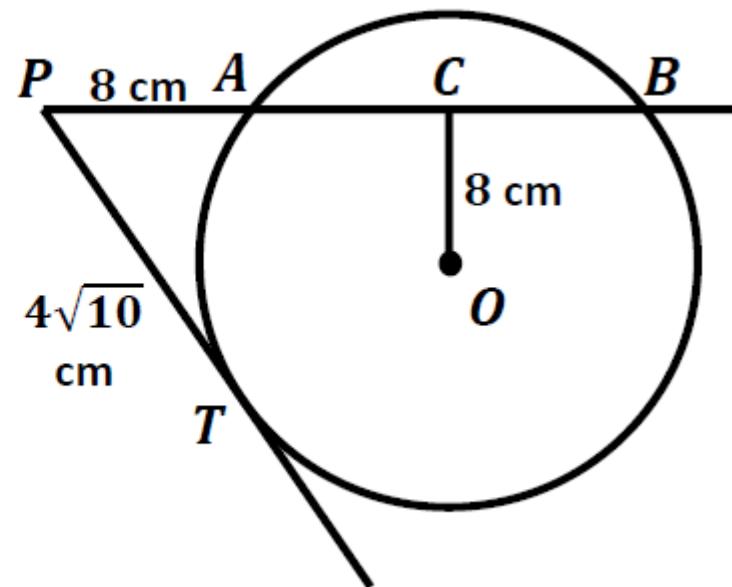


SORU - 19

CEVAP

ANA SAYFA

Şekildeki O merkezli çemberde,
[PT] çembere T noktasında
teğet, $[OC] \perp [PB]$,
 $|PT| = 4\sqrt{10}$ cm,
 $|PA| = |CO| = 8$ cm olduğuna
göre, çemberin yarıçapı
kaç cm dir?



Uluslararası Kariyer İçin

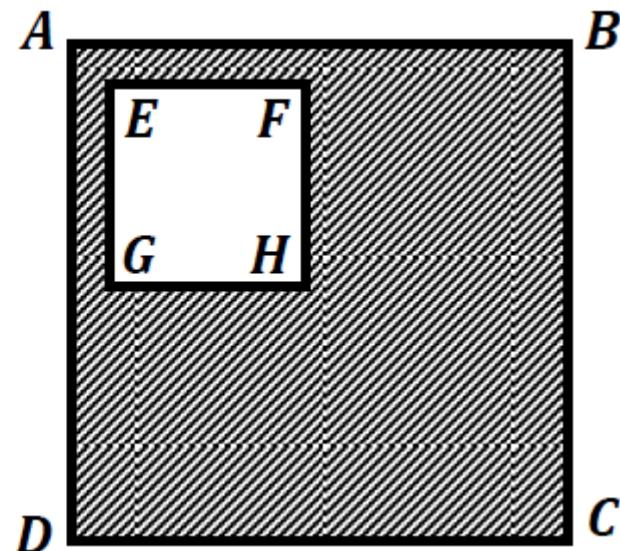


SORU - 20

CEVAP

ANA SAYFA

Şekildeki $ABCD$ ve $EFHG$ karelerinin çevreleri toplamı 20 cm , taralı alan 15 cm^2 ise karelerin çevreleri farkının mutlak değeri kaçtır?



Uluslararası Kariyer İçin



Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 22

CEVAP

ANA SAYFA

Gerçel sayılar kümesinde,

$$a \Delta b = \begin{cases} 2a - b & a \leq b \\ a + b & a > b \end{cases} \text{ ve}$$

$$a \nabla b = 3a - 2b + 4$$

biriminde “ Δ ” ve “ ∇ ” işlemleri tanımlanıyor.

$$[(2 \Delta 3) \nabla (2 \Delta 1)] \nabla x = 5 \text{ ise } x \text{ kaçtır?}$$

Uluslararası Kariyer İçin



SORU - 23

CEVAP

ANA SAYFA

Şekilde, ABC bir üçgen, ve

$$[DE] \perp [BC]$$

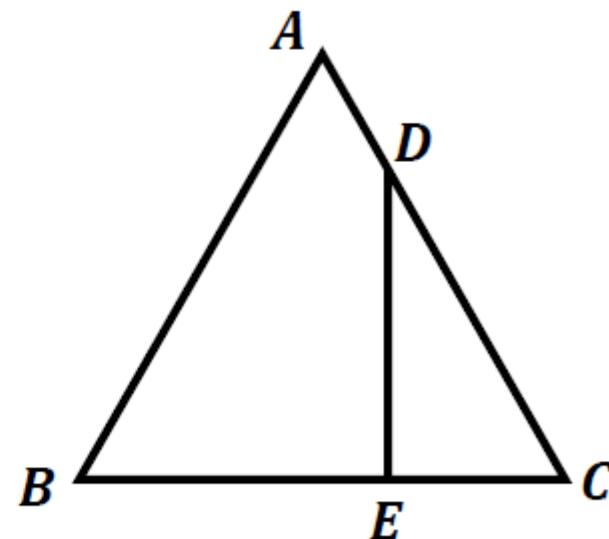
$$|AB| = |AC|$$

$$2|AD| = |DC|$$

$$|BE| = 6 \text{ cm}, \text{ ve}$$

$$|EC| = x \text{ cm} \text{ olarak veriliyor.}$$

Buna göre x kaç cm dir?



Uluslararası Kariyer İçin

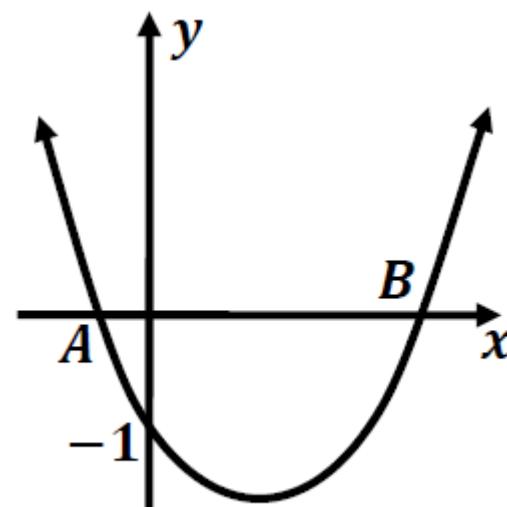


SORU - 24

CEVAP

ANA SAYFA

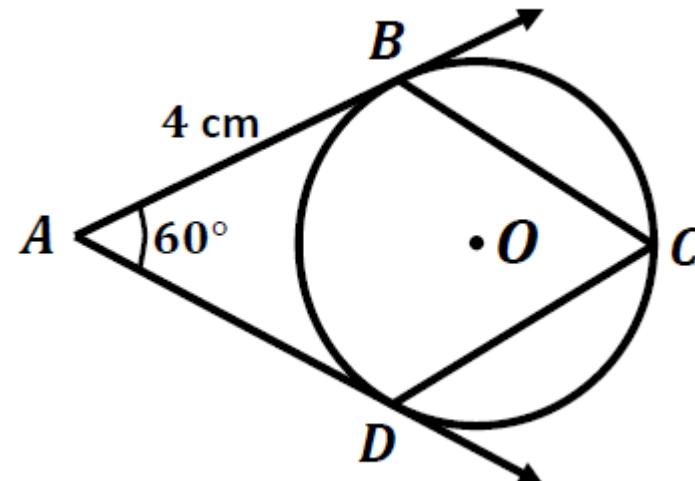
Grafik $f(x) = x^2 + mx + n$
parabolüne ait ve $B(4, 0)$
olduğuna göre, $|AB|$ kaç birimdir?



Uluslararası Kariyer İçin



O merkezli çemberde B ve D teğet noktalarıdır. $|BC| = |DC|$ $m(\widehat{DAB}) = 60^\circ$, $|AB| = 4$ cm olarak verildiğine göre, $ABCD$ dörtgeninin alanı kaç cm^2 dir?



Uluslararası Kariyer İçin



$$y = \frac{30x - 35}{x} = 30 - \frac{35}{x}$$

y ve x pozitif tam sayı olduğu için, $x; 5, 7$ ve 35 olmak üzere üç farklı değer alabilir. Bu durumda y 'nin alabileceği değerler 23 , 25 ve 29 olur. Böylece y üç farklı değer alabilir.

CEVAP: 3

Uluslararası Kariyer İçin



$$\begin{aligned}& \sqrt{(\sqrt{7} - 4)^2} + \sqrt{(\sqrt{7} - 2)^2} + \sqrt[3]{(-4)^3} \\&= |\sqrt{7} - 4| + |\sqrt{7} - 2| + (-4) \\&= 4 - \sqrt{7} + \sqrt{7} - 2 - 4 \\&= -2\end{aligned}$$

CEVAP: - 2

Uluslararası Kariyer İçin



$a < b < 0$ olduğundan,

$$\frac{a}{b}, \frac{b}{a} > 0 \text{ ve } \frac{a}{b} > \frac{b}{a}$$

böylece,

$$\frac{4c}{b} < \frac{2b}{a} < \frac{3a}{b} \rightarrow x < z < y \text{ olur.}$$

CEVAP: $x < z < y$

Uluslararası Kariyer İçin



$$f'(x) = 3x^2 + 1 \Rightarrow f(x) = \int (3x^2 + 1) \, dx = x^3 + x + C$$

$f(1) = 3$ olduğu için de $C = 1$ ve $f(x) = x^3 + x + 1$ bulunur.

CEVAP: $f(x) = x^3 + x + 1$

Uluslararası Kariyer İçin



İşçi günde t saat çalışsın.

$$20t = 35(t - 3)$$

$$20t = 35t - 105$$

$$15t = 105$$

$$t = 105/15 = 7 \text{ saat}$$

CEVAP: 7

Uluslararası Kariyer İçin

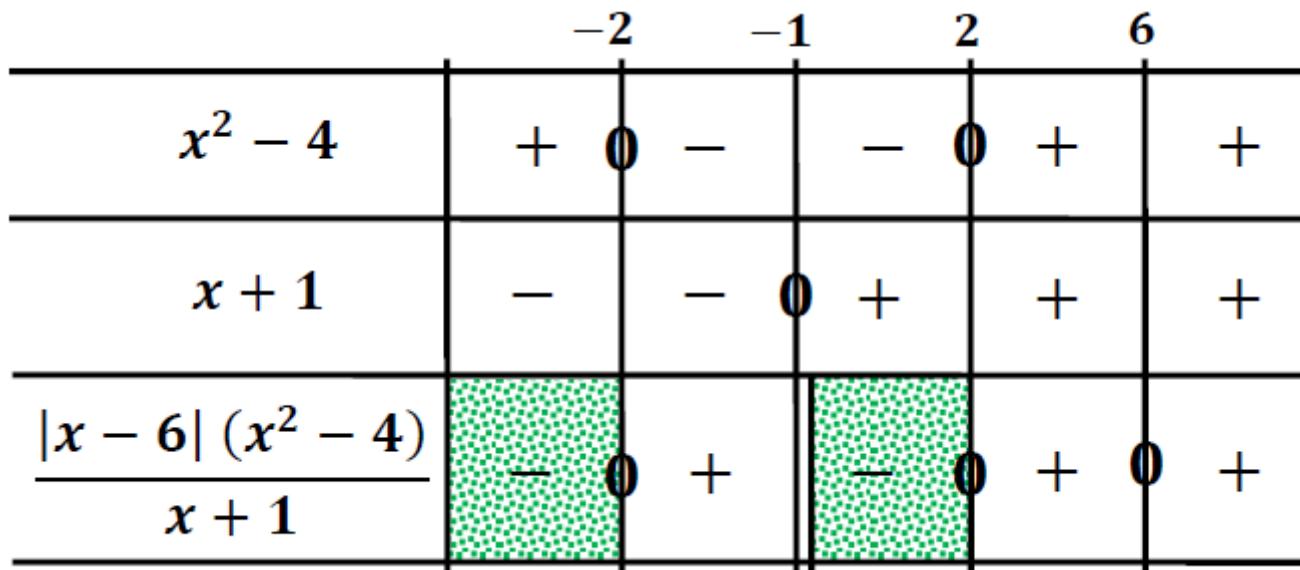


CEVAP - 6

SORU

ANA SAYFA

$|x - 6| \geq 0$ olduğundan işaretin etkilemez, sadece $x = 6$ da 0 değeri verir.



Çözüm kümesi: $(-\infty, -2] \cup (-1, 2] \cup \{6\}$ böylece pozitif tam sayılar; 1, 2 ve 6 olur. Toplam 9 olur.

CEVAP: 9

Uluslararası Kariyer İçin



$$|AC| = \sqrt{|AB|^2 + |CB|^2} = \sqrt{(3|CB|)^2 + |CB|^2} = \sqrt{10} |CB|$$

$$\begin{aligned}(\sin A)(\sin C) - \tan A &= \frac{|BC|}{\sqrt{10} |BC|} \cdot \frac{3|BC|}{\sqrt{10} |BC|} - \frac{|BC|}{3 |BC|} \\&= \frac{1}{\sqrt{10}} \cdot \frac{3}{\sqrt{10}} - \frac{1}{3} = -\frac{1}{30}\end{aligned}$$

CEVAP: $-\frac{1}{30}$

Uluslararası Kariyer İçin



$(g \circ f)^{-1}(-3) = 1 \Rightarrow (g \circ f)(1) = -3$ olur.

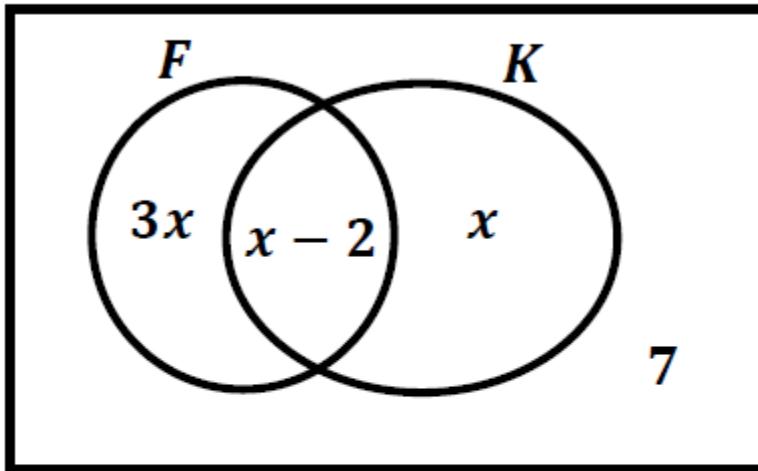
$g(f(1)) = -3$ ve $g(0) = -3$ buradan da $-a = -3$ yani $a = 3$ elde edilir.

CEVAP: 3

Uluslararası Kariyer İçin



Probleme uygun şema çizilirse;



x sadece kimyadan başarılı olanların sayısı olsun.

$$3x + x + x - 2 + 7 = 35$$

$$5x + 5 = 35$$

$$x = 6 \text{ olur.}$$

Her iki dersten de başarılı olanların sayısı, $x - 2 = 4$ olur.

CEVAP: 4

Uluslararası Kariyer İçin



$$f(0) = 2 = A$$

olduğundan $h = 2$ olur.

$$2 = -x^2 + 6x + 2$$

$$x^2 - 6x = 0$$

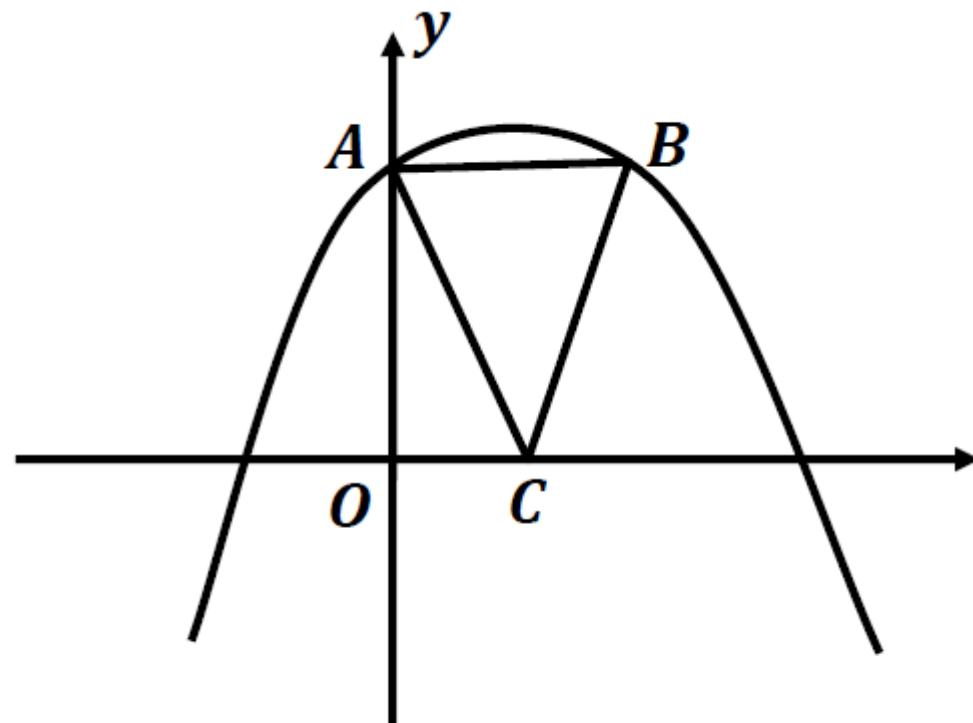
$$x(x - 6) = 0, x = 0 \text{ ve}$$

$x = 6$ olur. Böylece

$|AB| = 6$ elde edilir.

ABC üçgeninin alanı

$$A = \frac{6 \times 2}{2} = 6 \text{ br}^2$$



CEVAP: 6

Uluslararası Kariyer İçin



Verilenlere göre, $x_1 + x_2 = 6$ ve $x_1 x_2 = 4$ olur.

Kökleri $\sqrt{x_1/x_2}$ ve $\sqrt{x_2/x_1}$ olan ikinci dereceden denklemin $x^2 + ax + b$ olduğu veriliyor. Buna göre,

$$\begin{aligned} a &= -\left(\sqrt{\frac{x_2}{x_1}} + \sqrt{\frac{x_1}{x_2}}\right) = -\left(\frac{\sqrt{x_2}}{\sqrt{x_1}} + \frac{\sqrt{x_1}}{\sqrt{x_2}}\right) \\ &= -\left(\frac{x_1 + x_2}{\sqrt{x_1 x_2}}\right) = -\left(\frac{6}{2}\right) = -3 \end{aligned}$$

$$b = \sqrt{\frac{x_2}{x_1}} \times \sqrt{\frac{x_1}{x_2}} = 1 \text{ böylece } a + b = -2 \text{ bulunur}$$

CEVAP: - 2

Uluslararası Kariyer İçin



Her atışta Siyah gelme olasılığı ($2/6$), Beyaz gelme olasılığı ($3/6$) ve Kırmızı gelme olasılığı ($1/6$) olur.

$A_1 = \{\text{üç atışta da farklı renk gelmesi}\}$

$A_2 = \{\text{üç atışta herhangi bir renkten en az iki kez gelmesi}\}$

olsun. $A_1 = (A_2)^c$ olduğundan;

$$P(A_2) = 1 - P(A_1)$$

$$P(A_1) = (3!) \left(\frac{2}{6} \times \frac{3}{6} \times \frac{1}{6} \right) = \frac{1}{6} \text{ ve } P(A_2) = 1 - P(A_1) = \frac{5}{6}$$

bulunur

CEVAP: $\frac{5}{6}$

Uluslararası Kariyer İçin



$$\begin{aligned}\sqrt{2} &= \sum_{k=2}^n (\sqrt{k+1} - \sqrt{k}) \\&= (\sqrt{3} - \sqrt{2}) + (\sqrt{4} - \sqrt{3}) + \cdots + (\sqrt{n+1} - \sqrt{n}) \\&= \sqrt{n+1} - \sqrt{2} \\ \sqrt{n+1} &= 2\sqrt{2} = \sqrt{8} \Rightarrow n = 7\end{aligned}$$

CEVAP: 7

Uluslararası Kariyer İçin



$i^4 = 1$ olduğundan,

$$\begin{aligned}\frac{i^{12n+3} - i^{4n+1}}{i^{4n+2} + i^{20n+5}} &= \frac{i^3 - i}{i^2 + i} = \frac{-2i}{-1 + i} = \frac{-2i(-1 - i)}{(-1 + i)(-1 - i)} \\ &= \frac{2i - 2}{2} = i - 1 = -1 + i\end{aligned}$$

CEVAP: $-1 + i$

Uluslararası Kariyer İçin



$\frac{1}{\log_a b} = \log_b a$ olduğundan

$$\begin{aligned}\frac{1}{\log_2(n!)} + \frac{1}{\log_3(n!)} + \cdots + \frac{1}{\log_n(n!)} \\&= \log_{(n!)} 2 + \log_{(n!)} 3 + \cdots + \log_{(n!)} n \\&= \log_{(n!)}(2 \cdot 3 \cdot \cdots \cdot n) \\&= \log_{(n!)}(n!) \\&= 1\end{aligned}$$

CEVAP: 1

Uluslararası Kariyer İçin



$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x+5} - \sqrt{x+7}}{\sqrt{x} - \sqrt{2}} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\frac{1}{\sqrt{2x+5}} - \frac{1}{2\sqrt{x+7}}}{\frac{1}{2\sqrt{x}}}$$
$$= \frac{\frac{1}{3} - \frac{1}{6}}{\frac{1}{2\sqrt{2}}} = \frac{\sqrt{2}}{3}$$

CEVAP: $\frac{\sqrt{2}}{3}$

Uluslararası Kariyer İçin



$$f'(x) = 1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + \cdots + 50x^{49}$$

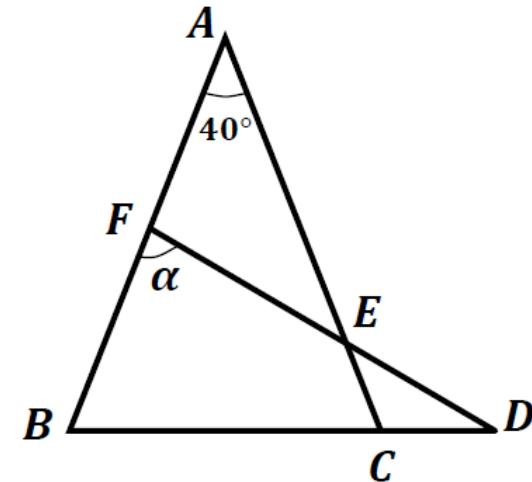
$$f'(-1) = \underbrace{1 - 2}_{-1} + \underbrace{3 - 4}_{-1} + \cdots \underbrace{49 - 50}_{-1} = -25$$

CEVAP: - 25

Uluslararası Kariyer İçin



ABC ikizkenar üçgeninde tepe açısı 40° olduğundan, taban açıları \widehat{ABC} ve \widehat{ACB} nin her biri de 70° olur. $\widehat{ACB} = 70^\circ$ olduğundan, *ECD* ikizkenar üçgeninin tepe açısı olan $\widehat{ECD} = 110^\circ$, ve taban açıları $\widehat{CED} = \widehat{CDE} = 35^\circ$ olurlar. Böylece *BFD* üçgeninin iki iç açısı, $\widehat{FBD} = 70^\circ$, $\widehat{FDB} = 35^\circ$ olur. Bu üçgende iç açıların toplamı kullanılarak: $\alpha + 70^\circ + 35^\circ = 180^\circ$ ve $\alpha = 75^\circ$ elde edilir.

CEVAP: 75

Uluslararası Kariyer İçin

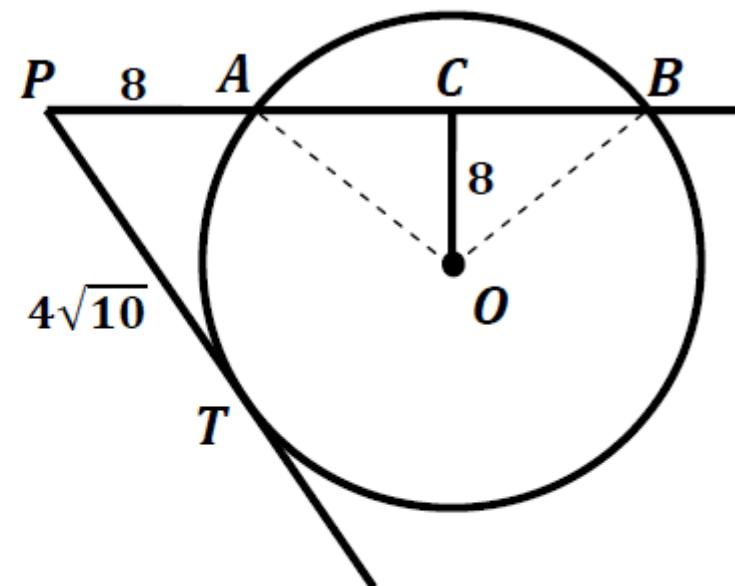


$|PT|^2 = |PA| \cdot |PB|$ buradan

$|PB| = (160/8) = 20$ cm olur. Bu
durumda $|AB| = 12$ cm, ve
 $|AC| = |CB| = 6$ cm bulunur.

Çemberin yarıçapı

$r = |OB| = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$ cm
elde edilir.



CEVAP: 10

Uluslararası Kariyer İçin



Büyük karenin bir kenarı a , küçük karenin bir kenarı b olsun.

Verilenlerden $4a + 4b = 20$ ve $a^2 - b^2 = 15$ olur.

Buradan $b = 5 - a$ ve

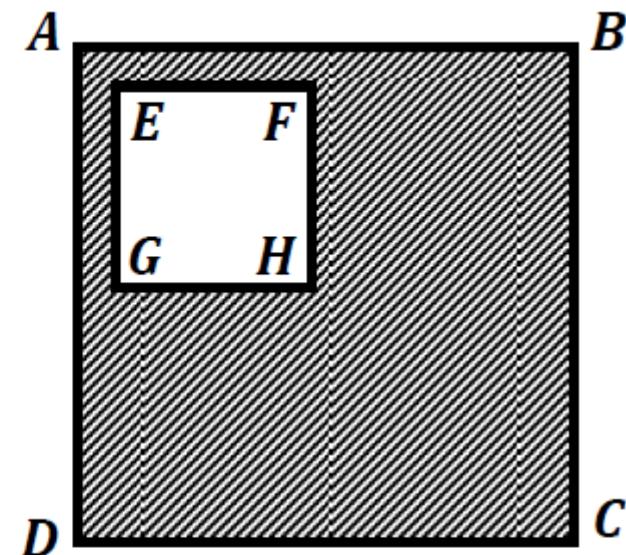
$$a^2 - (5 - a)^2 = 15$$

$$10a - 25 = 15 \rightarrow a = 4$$

ve $b = 5 - 4 = 1$ elde edilir.

Karelerin çevreleri farkının mutlak değeri:

$$|4a - 4b| = |16 - 4| = 12 \text{ olur.}$$



CEVAP: 12

Uluslararası Kariyer İçin



$$3x - 2y = 3 \dots\dots\dots\dots\dots(1)$$

$$(2m + 1)x + (m - 1)y = 5 \dots\dots\dots(2)$$

$x = y$ olacak şekilde 1. denklemden

$3x - 2x = 3$ buradan da $y = x = 3$ bulunur.

2. denklemde kullanılrsa;

$$(2m + 1)3 + (m - 1)3 = 5$$

$$6m + 3 + 3m - 3 = 5$$

$$9m = 5 \rightarrow m = 5/9$$

CEVAP: 5/9

Uluslararası Kariyer İçin



$$2\Delta 3 = 2(2) - 3 = 1$$

$2\Delta 1 = 2 + 1 = 3$ olur. Buradan,

$$1\nabla 3 = 3(1) - 2(3) + 4 = 1 \text{ elde edilir.}$$

$$1\nabla x = 5 \text{ olduğundan } 3(1) - 2x + 4 = 5 \\ \text{ve } x = 1 \text{ bulunur.}$$

CEVAP: 1

Uluslararası Kariyer İçin



A noktasından BC' ye çizilen dik $[BC]$ kenarını ortalar.

$|HE| = a$ olsun, böylece

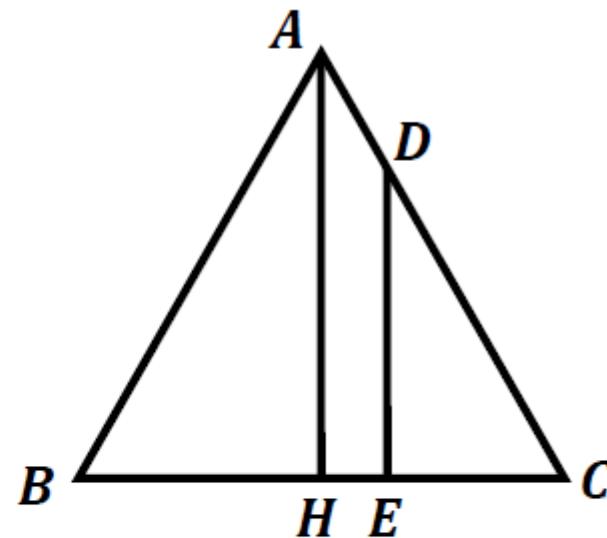
$|EC| = x = 2a$ olur. Bundan da

$|BH| = |HC| = 3a$ ve

$|BE| = 4a = 6$ elde edilir.

Buradan,

$a = \frac{3}{2}$ ve $x = 2a = 3$ cm bulunur.



CEVAP: 3

Uluslararası Kariyer İçin



$f(0) = -1$ olduğundan $n = -1$,

$f(4) = 0$ olduğundan $16 + 4m - 1 = 0$

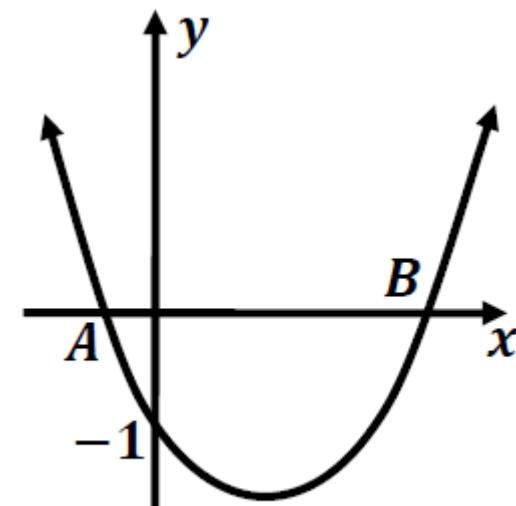
böylece $m = \frac{-15}{4}$ bulunur.

$f(x) = x^2 - \frac{15}{4}x - 1$ elde edilir.

$f(x) = 0$ 'ın bir kökü $x = 4$ ve
kökler çarpımı (-1) olduğundan,
ikinci kök $(-1/4)$ olur.

$|AB| = 4 + \frac{1}{4} = \frac{17}{4}$ bulunur.

$$f(x) = x^2 + mx + n$$



CEVAP: $\frac{17}{4}$

Uluslararası Kariyer İçin



$m(\widehat{BAD}) = 60^\circ$ ise $\widehat{BD} = 120^\circ$

ve $m(\widehat{BCD}) = 60^\circ$ olur. ABD

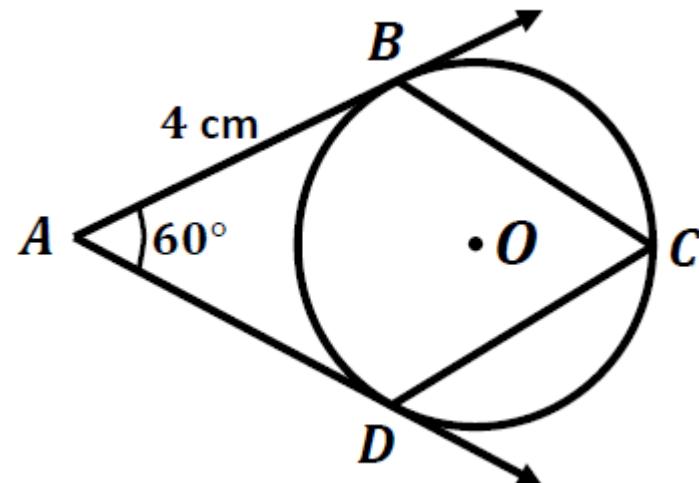
ve BDC üçgenlerinin eşkenar
olduğu elde edilir.

Verilenlere göre,

$$\text{Alan}(ABCD) = 2(\text{Alan}(ABD))$$

$$\begin{aligned}&= 2 \frac{4^2 \sqrt{3}}{4} \\&= 8\sqrt{3} \text{ cm}^2\end{aligned}$$

CEVAP: $8\sqrt{3}$



**DOĞU AKDENİZ
ÜNİVERSİTESİ**
MATEMATİK BÖLÜMÜ

**17. LİSELERARASI
MATEMATİK YARIŞMASI**

Onay Fadil Demirciler Eğitim ve Bilim Vakfı'nın katkılarıyla

DOĞU AKDENİZ ÜNİVERSİTESİ

2011-12 Akademik Yılı

Giriş ve Burs Sınavı

9 Haziran 2011

FİNALE KALAN OKULLARIMIZ

Gazimağusa Türk Maarif Koleji

Öğrenciler

Nizam Nizamoğlu

Osman ÇetintAŞ

Hasan Bereket

Öğretmenler

Zehra Kavuklu Tekkan

Gülay Aksoy

Müdür

Bahadır Volkan

FİNALE KALAN OKULLARIMIZ

Güzelyurt Türk Maarif Koleji

Öğrenciler

Ferhunde Yarsel

Emine Tecen

Seval Tayançlı

Öğretmenler

Sadiye Öksüzoğulları

Mehmet Özışlek

Müdür

Doğan Bağkur

FİNALE KALAN OKULLARIMIZ

Lefkoşa Türk Maarif Koleji

Öğrenciler

Hüseyin Gültekin

İlgaz Genç

Erdoğan Deniz

Öğretmenler

Deniz Ahçıhoca Çobanoğlu

Ece Biray

Müdür

Fehmi Tokay

FİNALE KALAN OKULLARIMIZ

20 Temmuz Fen Lisesi

Öğrenciler

Veli Kırbaç

Bilal Can Dinibütün

Hakan Yıldız

Öğretmenler

Çelen Tokar

Besime Tanul

Müdür

Fatin Zorlu Ramız

YARIŞMA KURALLARI

- Ekiplere toplam 20 soru sorulacaktır.
- Her soruyu cevaplandırmak için 1 dakika süre verilecektir
- 20 soru sonunda sıralama, toplam doğru sayılarına göre oluşturulacaktır.
- Yarışmayı eşit tamamlayan okullara, yedek sorular sıra ile sorulacaktır.
- Toplam 5 adet yedek soru vardır.
- Eşitlik bozulduğu anda yedek soru sorma süreci tamamlanacaktır.
- 5 yedek soru sonunda eşitlik yine bozulmuyorsa,
eşit durumda okulların finale kalırken bulundukları sıra,
final yarışması sıralarını belirleyecektir.
- Herhangi bir itiraz durumunda hakem heyetinin vereceği karar geçerli olacaktır.

**YARIŞMACILARIMIZA
BAŞARILAR DILERİZ...**